

- ۱- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. مفهوم بیت گزینه‌ی ۱: کسی رازدار عاشق نیست: کسی را امانت‌دار راز عشق ندیدم، محروم راز عشق فقط فراموشی است.
مفهوم مشترک بیت سؤال و سایر گزینه‌ها: فقط عاشق راز عشق را درک می‌کند.
- ۲- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. مهابهاراتا: ویاسا / رامايانا: والمیکی / خاوراننامه: ابن حسام خوسفی
- ۳- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. املای درست: حمیت: تعصّب، غیرت
صواب: درست، راست، مصلحت (ثواب: پاداش اخروی)
- ۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. املای درست واژه: حمیت: غیرت، مردانگی
- ۵- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. مستور در گزینه‌ی ۲ به معنی پوشیده شده و پنهان درست است.
- ۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. مفهوم مشترک بیت سؤال و گزینه‌ی ۲ بی‌شباهت و بی‌مانند بودن محبوب (خداآوند) است.
- ۷- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. در بیت سؤال و گزینه‌های ۱، ۲ و ۴: «حریف» به معنی همدم آمده است، اها در گزینه‌ی ۳، به معنی هماورد و رقیب به کار رفته است.
- ۸- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. مفهوم مصراع: هر کسی محروم راز عشق نیست، حال عاشق را فقط عاشق می‌فهمد.
- ۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. عشق، طبیب دردها است / نکوهش عاری بودن از درد عشق
مفهوم مشترک سایر گزینه‌ها: فقط عاشق، حال عاشق را می‌فهمد / بی‌خبران و ظاهرینان از اسرار آگاه نیستند.
- ۱۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. مفهوم گزینه‌ی ۴: شرح غم عشق امکان‌ناپذیر است.
- ۱۱- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. واژه‌های مشتق: الهی، بی‌عوض، جوانی، فکری، ایرانی، فارسی
واژه‌ی مرکب: گرانبها واژه‌های مشتق - مرکب: مایه‌گذاشتن، سلامت برانداز

۱۲- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. اجزای جمله‌ی دوم: جهانبینی مولانا: نهاد / شعر او: مفعول / ممتاز: مسنند / ساخته است: فعل گذرا به مسنند (جمله‌ی چهار جزیی گذرا به مفعول مسنند) [عبارت «از لحاظ گسترده‌ی حوزه‌ی عاطفی و هیجان‌های روحی» هم «متهم اختیاری» و در تعیین اجزای جمله، بی‌تأثیر است.]

دققت کنیم! انتخاب گزینه‌ی (۴) را صرفاً براساس نظر طراح محترم و سازمان سنجش آموزش کشور ملاک قرار داده‌ایم، در حالی که در اصل، به دلیلی که در ادامه به آن اشاره خواهیم کرد، سوال پاسخ درستی ندارد و هیچ‌کدام از گزینه‌های موجود، پاسخ این سوال نخواهد بود، زیرا در متن سوال، اصلاً جمله‌ی دومی وجود ندارد که بتوان برای آن، اجزایی در نظر گرفت!!!

توضیح: طراح محترم سوال، متن مورد نظر را در عین ظاهری‌ی و تنها براساس ظاهر آن، به اشتباه دارای ۴ جمله به این ترتیب دانسته: «۱- باید گفت. ۲- جهانبینی مولانا، شعر او را از لحاظ گسترده‌ی حوزه‌ی عاطفی و هیجان‌های روحی ممتاز ساخته است. ۳- و [جهانبینی مولانا] در زبان شعر او منعکس شده ۳- و [جهانبینی مولانا] به آن، تحرک و شوری بی‌نظیر ارزانی داشته است»، و سپس اجزای جمله‌ی دوم را مورد سوال قرار داده است، در حالی که بی‌هیچ تردید، متن مورد سوال، تنها و تنها یک جمله از نوع «جمله‌ی مرکب» است که در اصل، چنین بوده: «باید گفت که جهانبینی مولانا، شعر او را از لحاظ گسترده‌ی حوزه‌ی عاطفی و هیجان‌های روحی ممتاز ساخته است و در زبان شعر او منعکس شده و به آن تحرک و شوری بی‌نظیر ارزانی داشته است». از طرفی، چنان که می‌دانیم، در این جمله‌ی مرکب، «باید گفت» جمله‌ی هسته (پایه) و بقیه‌ی جمله‌ی معنی «جهانبینی مولانا ... ممتاز ساخته است» جمله‌ی وابسته (پیرو) است، ضمن این که جمله‌های «و در زبان شعر او منعکس شده» و «به آن تحرک و شوری بی‌نظیر ارزانی داشته است» نیز، هر کدام به طور جداگانه، جمله‌های معطوف به جمله‌ی وابسته‌اند نه جمله‌های مستقل!!! به نظر می‌رسد که طراح بدون در نظر گرفتن اصل «هر گردی گردو نیست»(!!) برای شکیل‌تر شدن شکل ویرایشی متن موجود، پس از فعل «گفت»، علامت نگارشی «:» افزوده، غافل از آن که اولاً «باید گفت جهانبینی مولانا...» یک جمله‌ی مرکب است که در آن، پیوند وابسته‌ساز «که» - که واسطه‌ی پیوند دو جمله‌ی هسته و وابسته به یک‌دیگر است - حذف شده و ثانیاً از بین پیوندهای وابسته‌ساز در جمله‌ی مرکب، «که» قابل حذف است. بدین ترتیب، متأسفانه به دلایلی که ذکر آن رفت، قطعاً سوال مورد نظر غلط بوده و پاسخ درستی ندارد و چنین اشتباهی آن هم در این آزمون مهم و سرنوشت‌ساز، جای بسی تأسف و تأمل و درنگ است!!! با این همه، برای رسیدن به پاسخ مدنظر طراح، چاره‌ای جز انتخاب گزینه‌ی (۴) نیست.

۱۳- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. تکوازها: هم / سنگ / ای / - / آوا / [ای] / و / معنا / [ای] / در / شعر / شکل / ای / پو / [ای] / ا / و / بسیار / هنر / مند / انه / ایجاد / می / کن / د / و / در / تقویت / موسیقی / زبان / مؤثر / است / ⌂ (۳۴ تکواز)

۱۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. مصدر این فعل‌ها عبارتند از: ترسیدن، چسبیدن، رهیدن، پوشیدن، چشیدن

۱۵- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. دل - سوز - ی چاره - اندیش - ی سر - گردان - ی طبقه - بند - ی سخن - پراکن - ی آینه - بند - ان احوال - پرس - ی

ممکن است کسانی «کارگزاران» را هم به این فهرست بیفزایند و بر آن بنیاد، آنان گزینه‌ی ۲ را برگزینند که در آن جواب هم ظاهراً ساختار اسم (کار) + بن مضارع (گزار) + وند (ان) دیده می‌شود، اما این دوستان باید بنگرند که چون در متن پرسش گفته است «ساختمان چند واژه؟» اسم + بن مضارع + وند است، باید از این فقره صرف نظر کرد چرا که «ان»، نشانه‌ی جمع و وند تصریفی است نه اشتقاقي و برای همین، جزئی از ساختمان واژه به شمار نمی‌آید. نشانه‌های جمع، وابسته‌ی پسین به حساب می‌آیند.

۱۶- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. کلمه‌ی «کَذِبَانِ» فعل مضارع مثناًی مذکور مخاطب از مصدر «كذيب» و از باب «فعیل» است، بنابر این «از باب تَفْعُل» نادرست است. تشریح گزینه‌های دیگر: گزینه‌ی «بَلْغَ» فعل امر مخاطب از مصدر «تَبَلِغَ» و از باب «تفعیل» است. / گزینه‌ی «يُمْكِنُ» فعل مضارع غایب از مصدر «إِمْكَان» و از باب «إِفْعَال» است. / گزینه‌ی «يَتَحَدَّثَانِ» فعل مضارع مثناًی مذکور غایب از مصدر «يَتَحَدَّثُ» و از باب «تفعل» است.

۱۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. در این گزینه، فعل امر «إِغْسِلُوا» ثلاشی مجرد است.

۱۸- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. «بَلْغُوا» با توجه به حرکت زیر تشدید که کسره این فعل امر بوده و تنها با ضمیر «أَنْتُمْ» صحیح است. / تشریح گزینه‌های دیگر: گزینه‌ی «أَنْتَ»: «تَصَدَّقَ» از باب تفعل می‌تواند ماضی للغائین یا امر للمخاطبین باشد، پس با هر دو ضمیر صحیح است. / گزینه‌ی «أَنْتَنَ»: «تَفَاخَرَنَ» از باب تفاعل به عنوان ماضی «للغائبات» مناسب ضمیر «هُنَّ» و به عنوان امر للمخاطبات مناسب ضمیر «أَنْتُمْ» می‌باشد. / گزینه‌ی «أَسْتَعِيقُظُ» بدون حرکت حرف اول و آخر می‌تواند امر للمخاطب یا مضارع للمتكلم وحده باشد، بنابراین با هر دو ضمیر صحیح است.

۱۹- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.



۲۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. چون در عبارت این گزینه، کلمه‌ی «قَلِيلًا» به معنای «کم و اندک» آمده است. آوردن «أشد» به معنای «زیادتر» برای ساختن اسم تفضیل نادرست است. عبارت درست: «هو أَقْلَى تَصْدِيقًا لِكَلَامِي». «

۲۱- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. «أعمى» به معنای «نابینا»، بر عیب دلالت دارد و مشتق است.

۲۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. کلمه‌ی «الطلاب» (فرد آن: طالب) اسم فاعل و کلمه‌ی «محافل» (فرد آن: محفف) اسم مکان و کلمه‌ی «متعددة» اسم فاعل است.

۲۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. «الكبار» جمع «الكبير» صفت مشبهه و در این عبارت فاعل و مرفوع است.

۲۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحی است. کلمه‌ی «الاشراف» جمع «الشَّرِيفُ» بر وزن «فعیل» صفت مشبهه است و کلمه‌ی «اللَّذِيذَةُ» هم بر وزن «الفعلیة» صفت مشبهه می‌باشد. تشریح سایر گزینه‌ها:

- (۱) «احسن» ← اسم تفضیل
- (۲) «والد» ← اسم فاعل / «المُشَهَّدُ» ← اسم مکان / «التالی» ← اسم فاعل
- (۳) «مساعدون» ← اسم فاعل / «الْفَقِيرُ» ← صفت مشبهه / «المُحْتَاجُونَ» ← اسم فاعل

۲۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحی است. کلمه‌ی «متکبرًا» اسم فاعل از باب «تفعل» است. «قليلة» صفت مشبهه می‌مؤنث، «مستعجل» اسم فاعل و «المجنون» اسم مفعول، بنابراین ۳ نوع مشتق در این عبارت وجود دارد.

۲۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحی است. فعل ماضی باب «إفعال» دارای یک حرف زائد (واحد)، باب «استفعال» دارای سه حرف زائد (ثلاثة) و باب «تفاعل» دارای دو حرف زائد (اثنان) است.
نکته‌ی مهم درسی: برای شمارش تعداد حروف زائد به صیغه‌ی الغائب فعل ماضی توجه می‌کنیم.

۲۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحی است. «المرسلين» اسم مفعول از ثلاثی مزید، «المخلوق» اسم مفعول از ثلاثی مجرد، «المصلحات» اسم مفعول از ثلاثی مزید و «المغبون» اسم مفعول از ثلاثی مجرد است.

۲۸- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحی است. «الهَرِيْضُ» جمع «الهَرِيْضُ»: صفت مشبهه، «الحَكَمَاءُ» جمع «الحَكَمَيْمُ»: صفت مشبهه و «آخِرُونَ» جمع «آخَرُ» (آخر): اسم تفضیل هستند.
نکته‌ی مهم درسی

در اسم‌هایی که جمع بسته شده‌اند، جامد یا مشتق بودن کلمه، به مفرد آن بستگی دارد.
تشریح گزینه‌های دیگر

گزینه‌ی (۱): «الْفَقِيرُ» و «الْكَفَارُ» اسم‌های مشتق هستند، اما کلمه‌ی «الْأَجِيَالُ» اسم جامد است.
گزینه‌ی (۲): «الصَّعَغَارُ» اسم مشتق است، اما کلمه‌های «الْأَوْلَادُ» و «الْجَمْلُ» اسم‌های جامد هستند.
گزینه‌ی (۴): «الشَّابِبُ» (الشَّابِبُ) اسم مشتق است، اما کلمه‌های «الدَّرَاهَمُ» و «البَنَاتُ» اسم‌های جامد هستند.

۲۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحی است. «أطِبَاءُ» جمع «طَبِيبُ» و صفت مشبهه است.

۳۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحی است، اسم‌های مشتق در عبارت داده شده به ترتیب عبارت‌اند از:

- ۱ - الشَّجَار ← الثَّاجِر ← اسم الفاعل
- ۲ - مجلس ← اسم مکان
- ۳ - امیر ← صفت مشبهه

نکته‌ی مهم درسی
برای تعیین نوع مشتق اسمی که جمع بسته شده است، باید مفرد آن را در نظر بگیریم.

۳۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. (عیقا = deeply) معنی جمله: آن‌ها تخته سنگی را که در آن طلابود پیدا کردند که در اعماق سطح زمین مدفون شده بود.

۳۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. جستجو کردن - دنبال گشتن = look for = معنی جمله: رضا با درآمدی که دارد خوشحال نیست، بنایراین او در یک شهر بزرگ‌تر در جستجوی یک کار جدید می‌باشد.

۱- روشن کردن on ۲- زیاد کردن (صدا) ۴- turn up ۴- مواظبت کردن - مراقبت کردن look after

۳۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. «برادرم قطعاً مشهورترین نقاش در این کشور است.»
 ۱) با قدرت ۲) با شگفتی ۳) با موفقیت ۴) قطعاً، مطمئناً

۳۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. توضیح: چنان‌چه بخواهیم کاری را بدون برنامه‌ریزی قبلی انجام دهیم، از ترکیب مصدر ساده + (will) استفاده می‌کنیم و اگر بخواهیم کاری را با برنامه‌ریزی و تصمیم قبلی انجام دهیم، از ترکیب استفاده می‌کنیم. گوینده‌ی جمله‌ی B در برابر سوالی قرار می‌گیرد که در یک آن تصمیم می‌گیرد انجام دهد، یعنی گزینه‌ی ۲.
 «ممکن است با آقای براون صحبت کنم؟»
 «یک لحظه لطفاً، به او اطلاع خواهم داد.»

۳۵- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. توضیح: برای نشان دادن دلیل چیزی از کلمات ربط as ، because و since استفاده می‌شود.

ترجمه: چون پروژه‌ی پر هزینه‌ای بود، تصمیم گرفتیم آن را شروع نکنیم.
 ۱) چون که، زمانی که ۲) که آیا - چه ۳) به خاطر وقتی که

۳۶- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. رئیس که از اشتباهات بی‌پایان کارمند بی‌دققت خسته شده بود، او را به بخش دیگری فرستاد.

۳۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.
 ترجمه‌ی متن: ورزش ملی مالزی سپاک تاکرا است (Sepak به معنی لگد زدن و تاکرا به معنی توپ بافته شده است). این بازی سرعتی مانند فوتبال و والیبال است. در این ورزش بازیکنان همانندی ورزش فوتبال و والیبال به توپ ضربه می‌زنند. دو تیم (در هر تیم ۳ بازیکن) با ضربه زدن به توپ کوچکی آن را از روی تور عبور می‌دهند (درست همان کاری که در والیبال می‌شود)، بازیکنان می‌توانند از سر، با، شانه یا زانوها یا شان برای رساندن توپ به تیم حریف استفاده کنند، اما مانند ورزش فوتبال نمی‌توانند از دستشان استفاده کنند.

این ورزش کمی هم شبیه بازی تنیس است. مانند مسابقه‌ی تنیس این ورزش در ۳ دور بازی می‌شود. اگر توپ در زمین هر تیمی به زمین برخورد کند، تیم مقابل یک امتیاز می‌گیرد. اولین تیمی که به امتیاز ۱۵ برسد یک دور یا سرت را برنده می‌شود. برنده‌ی دو سرت یا دو دور بازی برنده‌ی مسابقه است. این ورزش بیش از ۱۰۰۰ سال قدمت دارد. ابتدا بومی‌های مالزی این ورزش را بازی می‌کردند. بعد این ورزش به کشورهای دیگر آسیایی مانند: تایلند، اندونزی و فیلیپین راه پیدا کرد. امروزه این بازی یکی از محبوب‌ترین ورزش‌ها در بازی‌های آسیایی است. هم‌چنین در آمریکای شمالی و اروپا باشگاه‌هایی از این ورزش دیده می‌شود.

۳۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۳۹- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۴۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۴۱- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

ترجمه: همه فعالیتهای بدن ادامه دارد. ضربان قلب، تنفس کردن دستگاه گوارش کارش را ادامه می‌دهد.

- (۱) صبر کردن، منتظر شدن (۲) انجام دادن (۳) روشن کردن (۴) جست و جو کردن

۴۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. لیکن آگاه نیستیم که چه اتفاقی دارد بر بدن ما می‌افتد.

- (۱) آگاه، باخبر (۲) شرمنده (۳) مؤثر (۴) مضطرب

۴۳- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. وقتی در ابتدا به خواب می‌رویم، به تدریج می‌خوابیم.

- (۱) به طور مرتب (۲) در اصل (۳) تدریجاً (۴) تقریباً

۴۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. معمولاً ما در عمیق‌ترین قسمت خواب هستیم.

- (۱) عمیق‌ترین (۲) ارزان‌ترین (۳) طولانی‌ترین (۴) وسیع‌ترین

۴۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

عمق خواب با بلندی صدایی که لازم است شخص خوابیده را بیدار کرد، اندازه‌گیری می‌شود.

- (۱) عرض (۲) عمق (۳) طول (۴) ارتفاع

-۴۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. وقتی $x \rightarrow \infty$ مقدار $y \rightarrow \frac{m}{m+1} = \frac{3}{2}$ با جایگزینی $m = -3$ در نتیجه آزمون شماره ۳-۱ پس $m = -3$ مخرج کسر به صورت $\frac{x^2 + 2x^3}{2x^2 + x + 1} = 16 + 2x^3$ پس $x = 2$ مجانب دیگر است.

-۴۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. معادله مجانب منحنی خط $y = \frac{1}{2}$ است. $\frac{x^2 - 1}{2x^2 + x + 1} = \frac{1}{2}$

$$2x^2 + x + 1 = 2x^2 - 2 \Rightarrow x = -2$$

-۴۸- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. عبارت مثلثاتی ساده می‌شود:

$$\lim_{x \rightarrow \pi} (1 - \cos^3 x)(1 + \cot^3 x) = \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(1 - \cos^3 x)(1 + \cos^3 x)}{\sin^3 x}$$

$$= 2 \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{(1 + \cos x)(1 - \cos x + \cos^2 x)}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)} = 2 \times \frac{3}{2} = 3$$

-۴۹- گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(x + \sqrt[3]{x^2 - x^3} \right) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(x - \sqrt[3]{x^3 - x^2} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - x^2 + x}{x^2 + \left(x \sqrt[3]{x^3 - x^2} + \sqrt[3]{x^3 - x^2} \right)^2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2}{x^2 \left[1 + \sqrt[3]{1 - \frac{1}{x}} + \sqrt[3]{\left(1 - \frac{1}{x} \right)^2} \right]} = \frac{1}{1 + 1 + 1} = \frac{1}{3}$$

-۵۰- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. نکته: اگر $f(x) = x + \frac{a-b}{n}$ آنگاه $y = x + \sqrt[n]{\frac{x+a}{x+b}}$ مجانب مایل آن است.

$$y = x + \sqrt[n]{\frac{x-2}{x+1}} \Rightarrow y = x + \frac{-2-1}{2} \Rightarrow y = x - \frac{3}{2} \rightarrow$$

مجانب مایل

۵۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\lim_{u \rightarrow 0} \left[\frac{1}{u} \right] : \sim \lim_{u \rightarrow 0} \frac{1}{u}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} = 1$$

به بررسی تک تک گزینه ها می پردازیم:

$$\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \left[\frac{1}{\sin x} \right] = \lim_{x \rightarrow 0} x^2 \times \frac{1}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow 0} x \times \frac{x}{\sin x} = 0 \times 1 = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} (\sin x) \left[\frac{1}{x} \right] = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

$$\text{وجود ندارد: } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{[\sin x]}{x} \text{ گزینه ۳}$$

علت عدم وجود این حد، آن است که حاصل صورت ۰ یا -۱ است (زیرا زمانی که $x \rightarrow 0$ آنگاه $\sin x < 1$ است) اما مخرج صفر است، پس حاصل حد یا صفر یا بینهایت خواهد شد.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{\sin x} \left[x^2 \right] = 0$$

بنابراین گزینه ۳ پاسخ است.

۵۲- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در حد چپ $x \rightarrow -\infty$ پس $|x| = -x$ و $[x] = -1$ می باشد.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x - (-1)}{-2x + (-1)} = -1$$

۵۳- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با فرض $\cos^{-1} \sqrt{x} = t$ خواهیم داشت:

$$\sqrt{x} = \cos t \Rightarrow x = \cos^2 t$$

$$\lim_{t \rightarrow +} \frac{t}{\sqrt{1 - \cos^2 t}} = \lim_{t \rightarrow +} \frac{t}{\sin t \sqrt{1 + \cos^2 t}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

۵۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. با فرض $x = \pi + t$ عبارت خلاصه می‌شود:

$$\frac{\sin(\pi \sin(\pi + t))}{\sqrt{1 + \cos(\pi + t)}} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\sin(-\pi \sin t)}{\sqrt{2} \left| \sin \frac{t}{2} \right|} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{-\sin(\pi \sin t)}{2 \left| \sin \frac{t}{2} \right|}$$

$$\lim_{\substack{t \rightarrow 0^+ \\ t \rightarrow 0^+}} \frac{-\pi \sin t}{2 \left(\frac{t}{2} \right)} = -\pi \quad \lim_{\substack{t \rightarrow 0^+ \\ t \rightarrow 0^+}} \frac{\sin t}{t} = 1$$

حد حاصل وقتی $t \rightarrow 0^+$ چنین است.

۵۵- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{\operatorname{tg}^2 \sqrt{2}x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \sin^2 2x}{\sin^2 \sqrt{2}x} = \frac{2 \times 4}{2} = 4, \quad \lim_{x \rightarrow 0} g(x) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{\operatorname{tg}^2 \left(\frac{x}{2} \right)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \sin^2 x}{\sin^2 \left(\frac{x}{2} \right)} = \frac{2}{\frac{1}{4}} = 8 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \left(2x + \frac{1}{2} \right) g(x) = \frac{1}{2} \times 8 = 4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 4$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{f(x)} = \frac{1}{4}$$

۵۶- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. اولاً معادله خط مجانب افقی $y = a = 2$ ثانیاً نمودار تابع $f(x) = \frac{2x^2 + bx + c}{x^2 + x - 6}$ فقط

دارای یک خط مجانب قائم است با در نظر گرفتن $(x+3)(x-2)$ ثالثاً منحنی محور x ها را در نقطه‌ای به طول $\frac{1}{2}$ قطع کرده است. الزاماً $(2x-1)(x-2) > 2x^2 + bx + c = 2x^2 - 4x + 1$ در نتیجه $b = -5$.

۵۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. به ازای هر عدد مثبت ϵ اگر $x < \epsilon$ باشد آنگاه $x = 0$ است. زیرا اگر $x \neq 0$ باشد آنگاه در بازه $(x, 0)$ عدد ϵ وجود دارد که $x > \epsilon$ باشد و این خلاف فرض است ناچاراً $x = 0$ است.

۵۸- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\sqrt[n]{ax^n + bx^{n-1} + \dots + c} \underset{x \rightarrow \infty}{\sim} \sqrt[n]{a \left| x + \frac{b}{na} \right|}$$

: نکته (هم ارزی رادیکال ها)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^n + bx^{n-1} + \dots + c}{a'x^m + b'x^m + \dots + c'} = \begin{cases} \infty & n > m \\ \frac{a}{a'} & n = m \\ \cdot & n < m \end{cases}$$

: نکته (قاعدهٔ پرتوان)

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(2a - b)x + a^2}{2x + a + \frac{b}{2}} \xrightarrow{\text{قاعدهٔ پرتوان}} \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x}{2x} \times ((2a - b)x + a^2)$$

$x \rightarrow -\infty$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} ((2a - b)x + a^2) \xrightarrow{\text{طبق فرض}} 4 \Rightarrow \begin{cases} 2a - b = \cdot \xrightarrow{a = 2} b = 4 \Rightarrow 2a - b = \cdot \\ a^2 = 4 \xrightarrow{a > \cdot} a = 2 \end{cases}$$

دقیق کنید در این تست نیازی به محاسبهٔ مقادیر a و b نبود.

۵۹- گزینهٔ ۳ پاسخ صحیح است. عدد $x = 1 - A = 0.714285$ را می‌توان نوشت.

$$10x = \overline{0.714285} \Rightarrow 10x = \frac{714285}{999999} = \frac{79365}{111111} = \frac{7210}{10101} = \frac{2405}{3367}$$

$$x = \frac{481}{2 \times 3367} \Rightarrow x = \frac{1}{2 \times 7} = \frac{1}{14}$$

یا

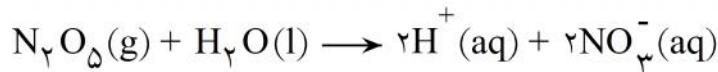
۶۰- گزینهٔ ۳ پاسخ صحیح است.

$$A = 0.296 + 0.000296 + \dots \Rightarrow A = \frac{0.296}{1 - 0.001} = \frac{296}{999} = \frac{8 \times 37}{27 \times 37} = \frac{8}{27}$$

$$\frac{1}{A} - 3 = \frac{27}{8} - 3 = \frac{3}{8}$$

در نتیجه

۶۱- گزینه ۳ پاسخ صحیح است.
زیرا اغلب میوه‌ها اسیداند و pH آن‌ها کمتر از ۷ است. فاضلاب‌های صنعتی شامل یون فلزهای واسطه‌اند، از این‌رو با ورود به محیط زیست، pH محیط را کاهش می‌دهند. بر اساس محاسبه زیر، به ازای حل شدن ۴۰/۵ گرم گاز N₂O₅ در آب، ۰/۷۵ مول یون نیترات تشکیل می‌شود. هنگام حل، شدن پتانسیم اکسید در آب، آئیون تشکیل دهنده آن (یون اکسید O^{۲-})، مطابق واکنش $\text{O}^{۲-}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O(l)} \rightarrow ۲\text{OH}^-(\text{aq})$ ، به سرعت به یون‌های هیدروکسید تبدیل می‌شود.



$$\text{? mol NO}_3^- = ۴۰/۵ \text{ g N}_2\text{O}_5 \times \frac{۱ \text{ mol N}_2\text{O}_5}{۱۰۸ \text{ g N}_2\text{O}_5} \times \frac{۲ \text{ mol NO}_3^-}{۱ \text{ mol N}_2\text{O}_5} = ۰/۷۵ \text{ mol NO}_3^-$$

۶۲- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. زیرا، داریم:

$$Q = \frac{۰/۱ \times ۰/۱ \text{ mol}^2 \cdot \text{L}^{-۲}}{۰/۰۲ \times ۰/۰۲ \text{ mol}^2 \cdot \text{L}^{-۲}} = ۲۵$$

پس، Q کوچک‌تر از K است و واکنش در جهت رفت تا رسیدن به حالت تعادل پیش می‌رود.

۶۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زیرا، داریم:

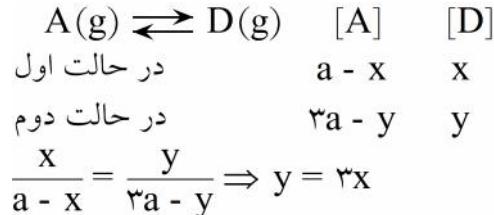
$$۱۴/۲ \text{ g} : ۷۱ \text{ g} \cdot \text{mol}^{-۱} = ۰/۲ \text{ mol}$$

$$\begin{aligned} [\text{Cl}_2] &= [\text{PCl}_3] = ۰/۲ \text{ mol} : ۴ \text{ L} = ۰/۰۵ \text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱} \\ [\text{PCl}_5] &= \frac{۰/۵ \text{ mol} - ۰/۲ \text{ mol}}{۴ \text{ L}} = ۰/۰۵ \text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱} \end{aligned} \rightarrow K = \frac{(۰/۰۵ \text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱})^2}{۰/۰۵ \text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱}} = ۵ \times ۱۰^{-۲} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱}$$

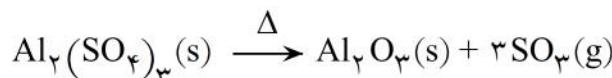
۶۴- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا کاربرد کاتالیزگر سبب جایه‌جا شدن تعادل نمی‌شود.

۶۵- گزینه ۴ پاسخ صحیح است.
زیرا در هر چهار مورد، مطالب بیان شده درست است.

۶۶- گزینه ۲ پاسخ صحیح است. زیرا داریم:



۶۷- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا داریم:



$$1\text{mol Al}_2(\text{SO}_4)_3 \quad 3 \times 80\text{g SO}_3$$

$$720\text{g SO}_3 \times 1\text{mol Al}_2(\text{SO}_4)_3$$

$$x \quad 720\text{g SO}_3 \Rightarrow x = \frac{720\text{g SO}_3}{3 \times 80\text{g SO}_3} = 3\text{mol Al}_2(\text{SO}_4)_3$$

$$t = 5\text{ min} \times \frac{60\text{s}}{1\text{min}} = 300\text{s}$$

$$3\text{ mol} : 300\text{s} = 0.01\text{ mol.s}^{-1}$$

۶۸- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در واکنش $\text{Cl}(g)$ با $\text{H}_2(g)$ که منجر به تشکیل $\text{H}(g)$ و $\text{HCl}(g)$ می‌شود، ساختار

پیچیده فعال به شکل $\text{Cl} \dots \text{H} \dots \text{H} \dots \text{Cl}$ است. از دید سینتیک شیمیایی، واکنش $\text{NO}_2\text{Cl}(g) + \text{Cl}(g) \rightarrow \text{NO}_2(g) + \text{Cl}_2(g)$

تولید می‌شوند، یک واکنش بنیادی است. محلول هیدروژن پراکسید در دمای اتاق به کندی تجزیه شده و گاز اکسیژن تولید می‌کند، در حالی که افزودن دو قطره از محلول پتاسیم یدید به آن، سرعت واکنش را به طور چشم‌گیری افزایش می‌دهد.

۶۹- گزینه ۳ پاسخ صحیح است. زیرا با به کار بردن قطعه‌های روی، سطح تماس اسید با فلز کاهش می‌یابد و سرعت واکنش کم می‌شود.

۷۰- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا بیشترین درصد مولی آمونیاک، صرف تولید کودهای شیمیایی و تزریق مستقیم به خاک کشاورزی می‌شود.

۷۱- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا، داریم:

$$[\text{CO}] = [\text{H}_2\text{O}] = (1 - x)\text{mol.L}^{-1}$$

$$[\text{CO}_2] = [\text{H}_2] = x\text{mol.L}^{-1}$$

$$\frac{2/25}{(1-x)^2} = \frac{x^2 \text{mol}^2 \cdot \text{L}^{-2}}{(1-x)^2 \text{mol}^2 \cdot \text{L}^{-2}} \rightarrow \frac{x}{1-x} = 1/5 \rightarrow x = 0.16\text{mol}$$

۷۲- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زیرا داریم:

$$Q = \frac{[\text{HI}]^2}{[\text{H}_2][\text{I}_2]} = \frac{(2/5)^2 \text{mol}^2 \cdot \text{L}^{-2}}{0.1 \times 1\text{mol}^2 \cdot \text{L}^{-2}} = 62/5$$

چون Q از K بزرگ‌تر است، غلظت مولار HI در مخلوط نسبت به حالت تعادل بیشتر است و واکنش در جهت برگشت جابه‌جا می‌شود.

۷۳- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زیرا داریم:

$$K = \frac{[\text{NO}_2]^2}{[\text{N}_2\text{O}_4]} = \frac{(4)^2 [\text{N}_2\text{O}_4]}{[\text{N}_2\text{O}_4]} = 16 [\text{N}_2\text{O}_4]$$

۷۴- گزینه ۴ پاسخ صحیح است. زیرا، در این واکنش، برخلاف سه واکنش دیگر، برخورد از هر جهت باعث تولید فراورده می‌شود.

۷۵- گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا، تنها مورد دوم درست است.